



گزینه ۲

۱

$$f = m \times a \Rightarrow ۱۰ = m \times A$$

$$۱۴ = m \times (A + ۲) = m \times A + m \times ۲$$

$$۱۴ = ۱۰ + m \times ۲ \Rightarrow ۴ = ۲ \times m \Rightarrow m = ۲ \text{ kg}$$

با جایگذاری مقدار m در رابطه اول مقدار A را به دست می‌آوریم.

$$۱۰ = ۲ \times A \Rightarrow A = ۵ \text{ m/s}^۲$$

گزینه ۱

۲

وزن جسم (۱) بر روی سطح سیاره A برابر با وزن جسم (۲) بر روی سطح سیاره B است، پس داریم:

$$W_A \Rightarrow W_B \Rightarrow m_1 g_A = m_2 g_B \xrightarrow{g_A = \frac{۲}{۵} g_B} m_1 \frac{۲}{۵} g_B = m_2 g_B$$

$$\frac{۲}{۵} m_1 = m_2 \Rightarrow m_1 = \frac{۵}{۲} m_2 = ۲/۵ m_2$$

گزینه ۴

۳

هنگامی که جسمی از زمین به جرم آسمانی دیگری منتقل شود، نیروی وارده از آن جرم آسمانی تغییر کرده که در واقع وزن آن جسم تغییر می‌کند. اما جرم جسم در همه جا ثابت است؛ پس جرم این جسم در زمین با جرم جسم در ماه برابر است.

$$W = m \times g \Rightarrow ۴۰ = m \times ۱۰ \Rightarrow ۴ \text{ kg}$$

گزینه ۳

۴

شتاب جاذبه روی زمین \times جرم جعبه = وزن جعبه روی زمین

$$\Rightarrow ۴۰ = \text{جرم جعبه} \times ۱۰$$

$$\Rightarrow \text{جرم جعبه} = ۴ \text{ kg}$$

جرم این جسم بر روی سطح زمین یا کره ماه و یا هر جای دیگری هیچ تفاوتی ندارد و همواره برابر با ۴ kg است.

رد گزینه ۱: وقتی چتر باز با سرعت ثابت حرکت می‌کند یعنی برآیند نیروهای وارد بر آن و در نتیجه نیروی خالص وارد بر آن صفر است.

رد گزینه ۲: برای اینکه هواپیما از زمین برخیزد باید نیروهای پیش‌ران و بالابری به ترتیب بیشتر از نیروهای مقاومت هوا و نیروی وزن باشند.

صحت گزینه ۳: چون جرم اسب و گاری از جرم پسر بیشتر است و طبق قانون سوم نیوتون، نیروی یکسانی به هر دو وارد می‌شود، بنابراین اندازه شتاب پسر از اندازه شتاب اسب بیشتر می‌شود و در مدت زمانی یکسان، تندی حرکت پسر بیشتر از تندی حرکت اسب می‌شود.

$$F_{\text{اسب}} = F_{\text{پسر}} \Rightarrow m_{\text{اسب}} a_{\text{اسب}} = m_{\text{پسر}} a_{\text{پسر}} \xrightarrow{m_{\text{اسب}} > m_{\text{پسر}}} a_{\text{اسب}} < a_{\text{پسر}}$$

باتوجه به اینکه شتاب از رابطه $\text{شتاب} = \frac{\text{نیروی خالص}}{\text{جرم کل مجموعه}}$ محاسبه می‌شود، با جابه‌جایی جرم‌های ۱۰ و ۵ کیلوگرمی، جرم کل مجموعه ثابت می‌ماند، پس تغییرات شتاب نیز برابر با صفر خواهد بود.

$$\text{جرم کامیون در حالت اول} = \frac{12060}{9/8} \text{ kg} \quad \text{جرم کامیون در حالت دوم} = \frac{12060 + 1940}{9/8} = \frac{14000}{9/8} \text{ kg}$$

نیرو = شتاب \times جرم

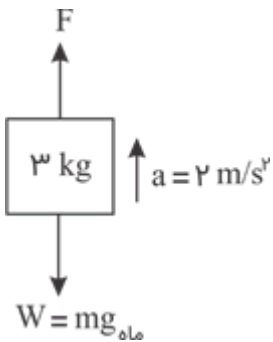
چون نیرو ثابت است خواهیم داشت:

$$\frac{12060}{9/8} \times 2/8 = \frac{14000}{9/8} \times \text{شتاب} \Rightarrow \text{شتاب} = 2/412 \text{ m/s}^2$$

چون هر دو هم‌وزن هستند، نیازی به تقسیم وزن به شتاب گرانشی نیست؛ چراکه این عدد (۹/۸) از طرفین تساوی ساده خواهد شد که در صورت رعایت نکردن این نکته محاسبات بسیار سخت خواهد می‌شود.

هر چهار مورد ذکر شده درست می‌باشد.

طبق قانون دوم نیوتون و مطابق شکل داریم:



$$\text{نیروی خالص} = F - mg_{\text{ماه}} = ma$$

$$\Rightarrow F - \left(3 \times \frac{10}{6}\right) = 3 \times 2 \Rightarrow F = 6 + 5 = 11 \text{ N}$$

زمین علاوه بر نیروی عمودی F ، نیروی وزن سه جسم را نیز تحمل می‌کند. پس برای نیروی عمودی سطح وارد بر جسم 10 کیلوگرمی داریم:

$$N = F + mg = 100 + (2 + 5 + 10) \times 10$$

$$\Rightarrow N = 100 + 170 = 270 \text{ N}$$



ابتدا به کمک قانون دوم نیوتن شتاب جسم را به دست می‌آوریم:

$$\Rightarrow F - f_{\text{اصطکاک}} = ma \xrightarrow{F=18 \text{ N}, m=5 \text{ kg}, f_{\text{اصطکاک}}=4 \text{ N}} 18 - 4 = 5a$$

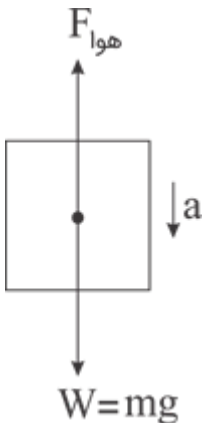
$$\Rightarrow 14 = 5a \Rightarrow a = \frac{14}{5} = 2/8 \text{ m/s}^2$$

سپس مدت زمانی که طول می‌کشد تا جسمی که با شتاب $2/8 \text{ m/s}^2$ در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، تندی حرکتش از 3 متر بر ثانیه به 17 متر بر ثانیه برسد را به دست می‌آوریم:

$$\text{شتاب} = \frac{\text{تغییرات سرعت}}{\text{زمان تغییرات سرعت}} = \frac{\text{سرعت اولیه} - \text{سرعت ثانویه}}{\text{زمان تغییرات سرعت}}$$

$$\Rightarrow 2/8 = \frac{17 - 3}{\text{زمان تغییرات سرعت}} \Rightarrow \text{زمان تغییرات سرعت} = \frac{14}{2/8} = 5 \text{ s}$$

وقتی جسمی را رها می‌کنیم، دو نیروی عمودی وزن و مقاومت هوا به آن وارد می‌شود. ابتدا شتاب متوسط حرکت جسم را محاسبه می‌کنیم:



$$a = \text{شتاب متوسط} = \frac{\text{تغییرات سرعت}}{\text{مدت زمان تغییرات}} = \frac{۲۸ - ۰}{۴} = ۷ \text{ m/s}^۲$$

$$\text{نیروی خالص} = W - F_{\text{هوآ}} = ma$$

$$\Rightarrow (۵ \times ۱۰) - F_{\text{هوآ}} = ۵ \times ۷ \Rightarrow -F_{\text{هوآ}} = ۵۰ - ۳۵ = ۱۵ \text{ N}$$

با استفاده از رابطه قانون دوم نیوتن، برای مقایسه شتاب دو جسم داریم:

$$a = \frac{F}{m} : \frac{a_۱}{a_۲} = \frac{F_۱}{F_۲} \times \frac{m_۲}{m_۱} \xrightarrow{F_۱=F_۲, m_۱=۴m_۲} \frac{a_۱}{a_۲} = \frac{F_۱}{F_۱} \times \frac{m_۲}{۴m_۲} = \frac{۱}{۴}$$

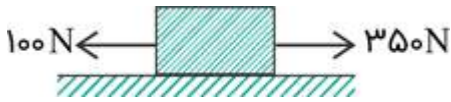
توجه داشته باشید که طبق قانون دوم نیوتن، هرگاه بر یک جسم نیروی خالصی وارد شود، جسم تحت تأثیر آن نیرو شتاب می‌گیرد که این شتاب با نیروی خالص وارد بر جسم نسبت مستقیم و با جرم جسم نسبت وارون دارد.

$$a = \frac{v_۲ - v_۱}{t_۲ - t_۱} = \frac{۰ - ۱۰}{۵ - ۰} = \frac{-۱۰}{۵} = -۲ \text{ m/s}^۲$$

$$f = m \times a$$

$$f = ۵ \times ۲ = ۱۰ \text{ N}$$

در صورتی نیروهای وارد بر جسم متوازن‌اند که شتاب حرکت جسم صفر باشد و یا به عبارت دیگر، سرعت جسم تغییر نکند. در تمام گزینه‌ها به جز گزینه "۱"، جسم ساکن است.



نیروی خالص = جرم \times شتاب

$$350 - 100 = 10a \Rightarrow 250 = 10a \Rightarrow a = 25 \text{ m/s}^2$$

جهت حرکت به سمت نیروی خالص یعنی سمت راست است.

ابتدا شتاب جعبه را به دست می‌آوریم:

$$\text{شتاب} = \frac{\text{تغییرات سرعت}}{\text{زمان تغییرات}} = \frac{\text{سرعت اولیه} - \text{سرعت ثانویه}}{\text{زمان}} = \frac{6 - 0}{3} = \frac{6}{3} = 2 \text{ m/s}^2$$

حال با استفاده از قانون دوم نیوتن، برآیند نیروهای وارد بر جعبه را به دست می‌آوریم:

$$F - f_{\text{اصطکاک}} = ma \xrightarrow[m_{\text{اصطکاک}}=8 \text{ N}, a=2 \text{ m/s}^2]{m=4 \text{ kg}} F - 8 = 4 \times 2 \Rightarrow F - 8 \Rightarrow 8 \Rightarrow F = 16 \text{ N}$$

در گزینه "۴" برآیند دو نیروی ۱۸ N و ۲ N باتوجه‌به اینکه در خلاف جهت هم به جعبه وارد شدند برابر با ۱۶ N است.

باتوجه‌به اینکه اندازه نیروهای عمل و عکس‌العمل باهم برابر است و باتوجه‌به قانون دوم نیوتن ($F = ma$) داریم:

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{m_1 a_1}{m_2 a_2} \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{m_2}{m_1}$$

در نتیجه شتابی که دو جسم می‌گیرند، به جرم آن‌ها وابسته است و با آن رابطه عکس دارد.

رد سایر گزینه‌ها:

گزینه "۱": نیروی وزن از زمین به کتاب وارد می‌شود و در نتیجه عکس‌العمل آن نیز باید از کتاب به مرکز کره زمین وارد شود. گزینه "۲": هنگامی می‌توانیم از دو نیرو برآیند بگیریم که آن دو نیرو به یک جسم وارد شده باشند، در نتیجه بین نیروهای کنش و واکنش نمی‌توان برآیند گرفت.

گزینه "۴": قایقران‌ها برای اینکه قایق رو به شمال حرکت کند، با پارو به آب نیرویی رو به جنوب وارد می‌کنند و عکس‌العمل این نیرو که از آب به پارو (قایق) وارد می‌شود، باعث حرکت رو به شمال قایق می‌شود.

نیروی کنش و واکنش همیشه بین دو جسم است که در آن نیروی جسم اول به جسم دوم هم‌اندازه و در خلاف جهت نیروی جسم دوم به جسم اول وارد می‌شود. در گزینه (۱) سه جسم آمده است که نمی‌تواند تشکیل‌دهنده نیروهای کنش و واکنش باشند.

باتوجه به متن کتاب درسی، گزینه "۳" بیان قانون سوم نیوتن است.

اگر بر جسمی چند نیرو به طور همزمان اثر کند و این نیروها اثر یکدیگر را خنثی کنند، می‌گوییم نیروهای وارد بر جسم متوازن‌اند، مثلاً هنگامی که شخصی به جعبه ساکن نیرو وارد می‌کند ولی جعبه حرکت نمی‌کند، زیرا در این حالت نیروی روبه‌جلو با نیروی اصطکاک ایستایی روبه‌عقب هم‌اندازه بوده و همدیگر را خنثی می‌کنند.

اگر نیروی اصطکاک نبود، نیروی وزن با بزرگی $W = mg = 3 \times 10 = 30 \text{ N}$ باعث حرکت جسم در جهت پایین می‌شد. ولی چون کتاب ساکن است، نیروهای واردشده به جسم متوازن بوده، نیروی اصطکاک در جهت بالا بر جسم وارد می‌شود و اندازه آن برابر با 30 N است.

دقت کنید در صورت سؤال گفته شده بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی 56 N است، درحالی‌که اندازه نیروی افقی‌ای که به جسم وارد شده 50 N است. برای شروع حرکت جسم از حال سکون، به نیرویی بزرگ‌تر از 56 N نیاز است تا بتوان بر بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی بین سطح افقی و جسم غلبه کرد. پس در اینجا جسم، ساکن باقی می‌ماند. لازم به ذکر است که بزرگی نیروی اصطکاک ایستایی در اینجا 50 N می‌شود تا بتواند توازن نیرو را برقرار سازد.

